

問題 1

ア ÷ イ × ウ + エ - オ = A とします。

イで場合分けをして A が 1 以上の最小の整数になる組合せを考えます。

イ = 6 の場合。

A が整数になることはありません。

イ = 14 の場合。

ア = 35, ウ = 6, エ = 20, オ = 26 のとき **A = 9** (ア = 6, ウ = 35 も可)

イ = 20 の場合。

A が整数になることはありません。

イ = 26 の場合。

A が整数になることはありません。

イ = 35 の場合。

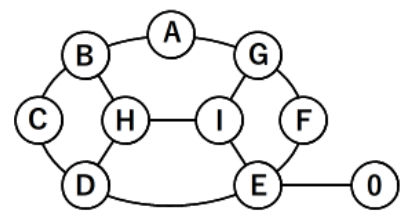
ア = 20, ウ = 14, エ = 26, オ = 6 のとき **A = 28** (ア = 14, ウ = 20 も可)

よって最小の A は 9。

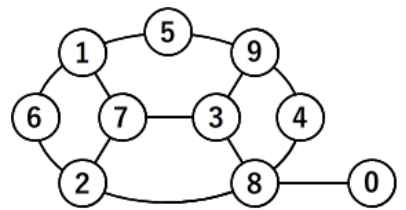
答 9

問題 2

図のように A~I とします。4,5,6 はいずれも差が 4 以上になる数が 2 つしかないので、これらは A,C,F のどこかに入ります。C か F に 5 を入れると H,I にあてはまる数が無いので、**5 は A に入る**ことがわかります。このとき **B,G は 1,9 のいずれか**です。



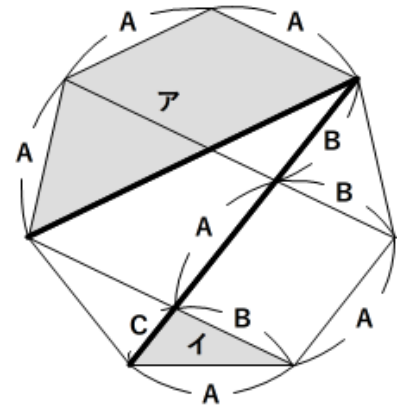
E は 4 以上なので、**G,F,E は 9,4,8** に決まり、このとき **B,C,D は 1,6,2** となります。最後に H,I に 7,3 を入れて完成です。



答

問題 3

図のように対角線を引きます。三角形イの3辺の長さを A,B,C として、それぞれと同じ長さの辺に着目すると、**太線の対角線の長さと三角形イの周りの長さが $A+B+C$ で等しい**ことがわかります。



台形アの周りの長さ = $A \times 3 + A + B + C = A \times 4 + B + C$,
 三角形イの周りの長さ = $A + B + C$ より **周りの長さの差 = $A \times 3$** 。

$A \times 3 = 12\text{cm}$ より **$A = 4\text{cm}$** 。

よって正七角形の周りの長さは $4 \times 7 = 28\text{cm}$ 。

答 28cm

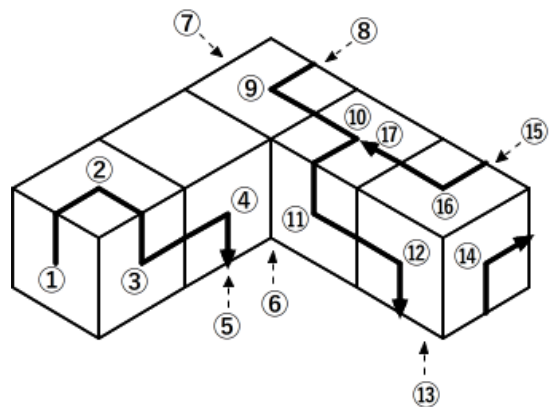
問題 4

A,B,C はすべて素数なので、2,3,5,7 のいずれかです。B,C が 2 または 5 のとき ABC, AB, BC は素数ではないので B,C は 3,7 のいずれかです。また 33, 77 は 11 の倍数なので BC は 37, 73 のいずれかです。このとき A が 2 または 5 のとき ABC は 3 の倍数なので、A は 3,7 のいずれかです。よって **ABC は 373, 737 のいずれか**。737 は 11 の倍数なので、ABC は 373 に決まります。

答 373

問題 5

ジグザクにたどっていくと図のようになり、⑩と⑰が重なります。



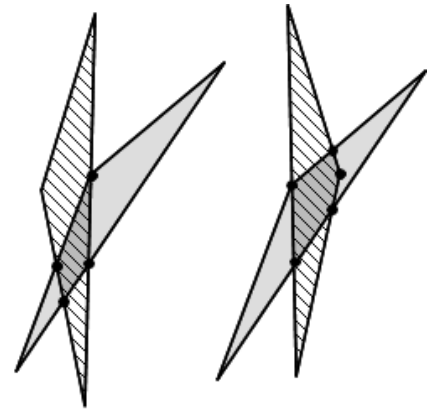
答 ⑩番と⑰番

問題 6

問題の 4 つの図を左から図①,②,③,④とします。まず図④より**三角形の 1 つの角は $30+121=151^\circ$** であることがわかります。

また図④より 2 つの三角形の重なる部分は、
例えば図 1 のような**四角形または五角形**が考えられます。
(辺と辺の交差は 4 種類なので重なる部分が三角形の場合は不適)

図 1



辺と辺が作る角は

図①より 41 度または 139 度,

図②より 30 度または 150 度,

図③より 19 度または 161 度 が考えられ、

それぞれいずれか一方を選んだときの 3 つの角が、重なる部分の図形の内角として含まれます。

3 つの角の和は次のように $2 \times 2 \times 2 = 8$ 通り 考えられます。

90 度, 188 度, 210 度, 232 度, 308 度, 330 度, 352 度, 450 度。

重なる部分が五角形になる場合(図 2)。

[1]のとき 角 $A=121^\circ$, 角 $D=151^\circ$ より 角 $B+角 C+角 E=540-(121+151)=268^\circ$ となりますが、上の 8 通りにあてはまらないので、不適。また[2]のように 角 $A=30^\circ$ の場合も同様に不適であることがわかります。

図 2 [1]

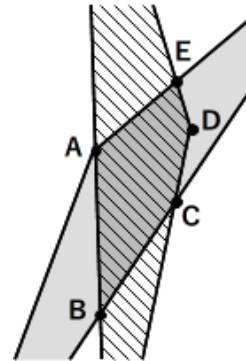
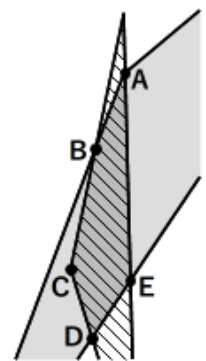


図 2 [2]



重なる部分が四角形になる場合(図 3)。

図④の 30 度,121 度のうち 30 度を内角として含むとき、他の 3 つの角の和が上の 330 度の場合に内角の和が 360 度になるので成立します。このとき例えば[1],[2]のように 角 $A=30^\circ$, 角 $B+角 C+角 D=330^\circ$ になる場合が考えられ、角 $B=161^\circ$, 角 $C=30^\circ$, 角 $D=139^\circ$ となりますが、[1]は角度に矛盾が生じるため、[2]が正しい形であることがわかります。このことから**もとの三角形の内角を求めると 11 度, 18 度, 151 度**となります。

図 3 [1]

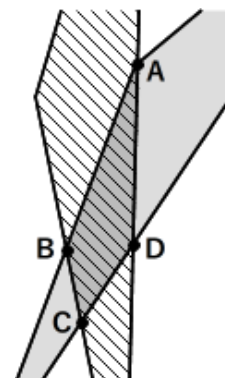
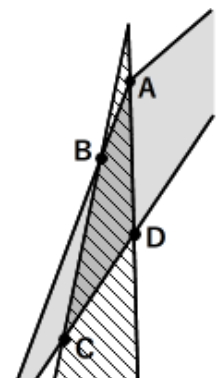
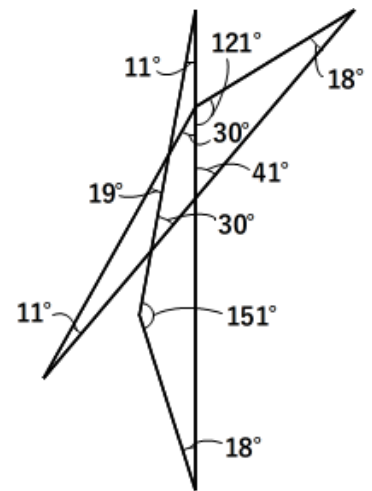


図 3 [2]



実際に図4のような場合に成立することが確認できます。

図4



答 11度, 18度, 151度

問題 7

1 と 5 は実線で囲まれたマスにしか入らないので、1 と 5 は図 1 の色のついたマスに入ります。まず ア=5 が決まり、次に最も左の列に着目してイ=5, ウ=1。左から 3 番目の列に着目するとエ,オは 1,5 のいずれかでオに 5 は入らないので エ=5, オ=1。以降も同様に埋めていくと 1,5 が入るマスは図 2 のように決まります。

図 1

ウ		オ	6		
イ				1	
					4
		エ			
				ア	

図 2

1		5	6		
5				1	
	1		5		4
			1		5
	5	1			
				5	1

次に最も右の列に着目すると、4 の上は 4 と互いに素(最大公約数が 1)である 3 に決まり、このとき図 3 のように最も右の列と最も上の行のマスが定まります。また 3 と互いに素でない数は 6 のみなので、少なくとも図 3 の色のついたマスに 3 が入ることはありません。これをもとに考えると 3 の入るマスは図 4 のようになります。

図 3

1	4	5	6	3	2
5				1	3
	1		5		4
			1		5
	5	1			6
				5	1

図 4

1	4	5	6	3	2
5				1	3
3	1		5		4
	3		1		5
	5	1	3		6
		3		5	1

3 と点線で隣り合うマスには 6 が入り、残りのマスに 2,4 を入れていくと図 5 のようになります。

図 5

1	4	5	6	3	2
5	2	6	4	1	3
3	1	2	5	6	4
6	3	4	1	2	5
2	5	1	3	4	6
4	6	3	2	5	1

答 A 1, B 2, C 2, D 1, E 4, F 1

問題 9

例えば図 1 のように A から B までを太線で結びます。この太線は A から B までの最短の進み方と考えることができ、正面からの見え方と 1 対 1 に対応します。

A から B までの最短の進み方は図 2 から全部で **252 通り**。

※ A から B までは最短で 10 マス。

そのうち AC 方向(右下方向)に進む 5 マスを選ばないので、

A から B までの最短の進み方は $\frac{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 252$ 通り。

このうち図 3 のように **C を通る進み方は立方体が 0 個の場合の見え方** に対応します。よってこの場合を除いて、正面からの見え方は全部で $252 - 1 = 251$ 通り となります。

答 251 通り

図 1

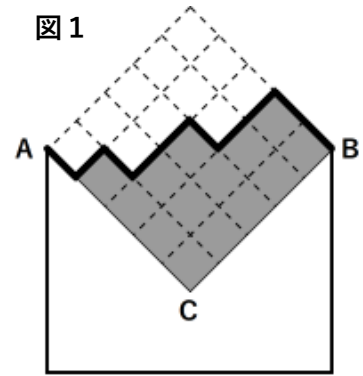


図 2

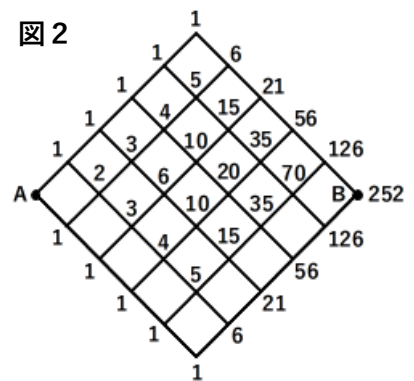


図 3

